*Решение задач векторного анализа*

**Задача1**

Найти поток векторного поля через замкнутую поверхность

9-

двумя способами:

а) непосредственно

б) используя теорему Остроградского-Гаусса

Решение:

а) непосредственно

ищем поток (П) векторного поля через замкнутую поверхность или считаем поверхностный интеграл второго рода от вектора по замкнутой поверхности .

Поверхность состоит из двух поверхностей поверхность параболоида (9- и плоскости ()



Следовательно, наш поток через замкнутую поверхность будет равен сумме потоков через поверхности и

Считаем поверхностный интеграл второго рода или поток

: 9- ; вектор нормали к поверхности

= == ( Cos Cos ; Cos ), где углы ; ; - углы нормали с осями координат

Поверхность проецируем на плоскость OXY d = = dxdy

= ( 2 при z= получим

= ( 2

= = =

Интеграл удобнее считать в полярных координатах, учитывая что область является кругом



= =

= =

==

==

=

== =

=-

: ; вектор нормали к поверхности

= == ( Cos Cos ; Cos ), где углы ; ; - углы нормали с осями координат

= при z=0 получим

Итак : П= +=0+0=0

б) используя теорему Остроградского-Гаусса

Теорема , где , V- область ограниченная нашей поверхностью

= y+x-x=y

П== =

перешли к цилиндрическим координатам

параболоид в цилиндрических координатах: z==3

== =

= =0

Так как =Cos= Cos2 – Cos 0= 1-1=0

*Ответы совпали! Ура! Задача решина!*

**Задача 2.**

Найти циркуляцию векторного поля по контуру Г

Г:

двумя способами :

а) непосредственно

б) используя теорему Стокса

Решение:

а) непосредственно

Г:

Г- это сечение цилиндрической поверхности плоскостью эллипс на цилиндрической поверхности. Введем обобщенные полярные координаты ( или параметризирем наш контур Г)

= -

= + =

= Cos - + Sin2 - =

б) используя теорему Стокса

теорема:

rot= – получили вектор

вектор нормали к поверхности , которую ограничивает контур Г. Поверхность ориентированная, положительное направление нормали выбираем по следующему правилу:

Из конца нормали обход по контору Г должен быть виден против часовой стрелки, а область должна оставаться слева при обходе контура Г против часовой стрелки.

u=y-z=0

= == ( Cos Cos ; Cos ), где углы ; ; - углы нормали с осями координат

угол- острый угол, который вектор нормали образует с осью OZ( смотри рисунок )

= и Cos ( 0 – (y – z) + 1 – z) = ( 1-y)

и тогда : = = =

перешли к полярным координатам и не забыли написать якобиан

== = 2 + Cos=

*Ответы совпали! Ура! Задача решина!*